凝 縮 時 の 熱 伝 達 に 関 す る 研 究 (第1報)

水平下向きの滑面における凝縮熱伝達

石 神 重 男, 田 中 義 弘

玉 利 贒 一, 松 村 博 久

(受理 昭和41年5月31日)

STUDIES ON THE HEAT TRANSFER BY CONDENSATION (Report 1)

Heat Transfer by Condensation on a Smooth and Horizontal Downword Surface

Shigeo ISHIGAMI, Yoshihiro TANAKA, Masakazu TAMARI and Hirohisa MATSUMURA

The heat transfer by dropwise and filmwise condensation of saturated steam on a smooth and horizontal downword surface are investigated experimentally, and the results are obtained as follows :

(1) The coefficients of heat transfer by dropwise and filmwise condesation are almost independent of the magnitude of heat flux, the flow rate of cooling water and the temperature difference of saturated steam and condensing surface.

(2) The coefficients of heat transfer by dropwise condensation on horizontal downword surface are a few times smaller than that on vertical or inclined surface.

1. 緒 言

蒸気の凝縮時における熱伝達について従来すでに多 くの研究がなされている. すなわち膜状凝縮に関して は 1916年に Nusselt¹⁾ の報告以来, Schmidt ら²⁾, Grigull³⁾, Bromley⁴⁾, Rohsenow⁵⁾, Sparrow 2 Gregg⁶) および馬淵⁷) などの実験的ならびに理論的研 究がある.また滴状凝縮に関しては 1930年に Schmidt ら8) が鉛直伝熱面上に初めて水蒸気を滴状凝縮させた 実験結果に始まり、Drewら⁹⁾, Nagleら¹⁰⁾, Gnam¹¹⁾ Fitzpatrick 5¹²⁾, Shea & Krase¹³⁾, Hampson¹⁴⁾, Westwater と Welch¹⁵⁾ などの実験的研究および Fatica と Katz¹⁶⁾ ならびに菅原と岐美¹⁷⁾ などの理論 的解析が報告されている.しかしながら、液体の蒸発 や蒸気の 凝縮現象などのごとき 相変化を伴う 熱伝達 は,多くの影響因子を包含している複雑な伝熱機構で あるため,いまだ全面的に満足な結論がえられていな い. とくに従来の研究は鉛直あるいは傾斜している伝 熱面における凝縮熱伝達が主体に取扱われていて、水 平伝熱面 での 凝縮熱伝達の 研究 はほとんどみあたら ない.

鉛直あるいは傾斜伝熱面における凝縮熱伝達のさい には凝縮液滴が落下する時の掃除作用なる現象が加わ つている.本研究は,水平下向きのなめらかな伝熱面 を用いて凝縮液滴の掃除作用の影響を除去して実験的 に凝縮熱伝達率を調べたもので,その結果および考察 を述べる.

2. 実験装置および実験方法

実験装置の概略を図1に示す.給水タンク①よりボ イラ②に供給された水は重油バーナ③で加熱され,発 生した蒸気は導管⑤より蒸気過熱器⑦を通つて蒸気室 ⑨にはいる.蒸気量は調節弁⑥で制御され,蒸気圧力 はマノメータ⑬で計測し,蒸気温度はベックマン温度 計⑭にて測定する.蒸気導管および蒸気室はその周囲 を保温材で包み外部への放熱を防止してある.また冷 却水は水量調節弁⑮を通つて冷却水流路に導入され, 導管⑰をへて堰⑲より流出する.流量は前もつて検定 してある堰のフック⑲の読みで測定する.測定部本体 は蒸気室⑨,伝熱板⑲および凝縮水受器⑩などから構 成されており,測定部における冷却水温度および伝熱 板温度の測定には直径 0.25 mm の銅ーコンスタンタ



冷却水導管

電

標準電池

ポテンシオメータ

対

(10) 伝 熱 板
(3) マノメータ
(6) 冷却水量調節弁
(9) 冷却水量測定用フック
(22) 切替スイッチ
(23) 蓄 電 池

(17)

20 熱

23

26





図2 測定部本体詳細図

ン熱電対@を用いて,電位差はポテンシオメータ@な らびに検流計@によつて測定した.

冷却水量測定用堰

熱電対用冷接点

流

計

18

(21)

24 検

図2に測定部本体の詳細図を示す.図にみられるように冷却水流路は幅 37 mm および高さ 13 mm の長 方形断面をしており、伝熱板に対する水路両壁には厚 さ 6.5 mm の断熱用塩化ビニール板がはりつけてあ る.伝熱面における蒸気の凝縮状態を肉眼観察あるい は写真撮影するため、蒸気室には下部の2個所および 側壁の1個所の合計3個所に約 160 mm×100 mm の 透明なガラス窓を設けてある.

伝熱板の 詳細を図3 に示す. 伝熱板は銅製で幅40 mm および全長351 mm であるが,前端から169 mm は流路の助走区間であり,測定部は助走区間のあとに 120 mm とつてある. 伝熱板蒸気側表面には測定部 (120 mm×40 mm) とその前後面との凝縮液の混合を さけ,測定面の凝縮液滴の採取を正確にするために測 定部軸方向の両端に幅3 mm および深さ3 mm の三角 溝を設けてある. 測定部の入口端から20,60 および

石神・田中・玉利・松村:凝縮時の熱伝達に関する研究



105 mm の3個所には蒸気側および冷却水側の伝熱板 表面から1.5 mm のところに直径1.2 mm および深 さ20 mm の孔をあけて,伝熱板表面温度算出用の熱 電対が入れてある. 伝熱板温度測定用熱電対の設置状 態を図4に示す. それぞれの熱電対はアラルダイト接 着剤で絶縁被覆し, 伝熱板の中心部に接点をもつて いる.





図5は冷却水温度測定用熱電対の設置場所および取 付け状態を示す.冷却水温度測定用熱電対は伝熱板測 定部の入口と出口に相当する冷却水流路中に各3本設 置し,各熱電対は絶縁用にアラルダイト接着剤を塗布 して素焼管に入れ,歯科用セメントで固定してある. また熱電対の先端を流路の高さ方向に変えるため、素 焼管を自由に上下できるように 0-リング で支持して ある.

伝熱面の表面は 06 のエメリペーパでよく研磨し, さらに稀塩酸で洗つたのち水で清浄にして使用した. 滴状凝縮の実験では水洗後乾かしてから滴状凝縮促進 剤としてオレイン酸を一面にうすく塗布した.実験を 長時間続けると表面に塗布したオレイン酸が洗い流さ れるので 適当な 時間経過後同様 の 表面処理を行なつ た.また膜状凝縮の場合は伝熱板表面がよごれると膜 状の一部が滴状に変わるので,そのようなことのない ようにしばしば表面処理を繰返して行なつた.

つぎに実験方法を簡単に述べる.冷却水流量調節弁 で所要の流量に制御したのち,蒸気排出弁は開放にし た状態で蒸気を測定部本体に送る.測定部本体内の空 気は送入された蒸気とともに排出弁から外部へ放出さ れる.蒸気により測定部本体が加熱され,蒸気温度が 所定の温度になるのを待ち,排出弁を閉じる.蒸気は 過熱器で過熱度 0.5~0.7℃の乾き蒸気にし,蒸気室 内の圧力は大気圧以上 10 mmAqに保たれる.以上の 調整が終り,伝熱板冷却水側の熱電対による温度指示 が定常に達してから測定を開始する.測定期間中は蒸 気圧力,蒸気温度および冷却水流量を一定に保持する

行なつた.

3. 実験結果および整理

および熱負荷 0.70×105~3.3×105kcal/m²h の範囲で

ように注意した.

実験は冷却水入口温度 18~24°C において,冷却水 流量 0.30×10³~2.2×10³kg/h(流速 0.20~1.3 m/s)



図 8 伝熱板表面温度と冷却水流量の関係

40



図 9 凝縮水量と冷却水流量の関係

に従つて冷却水温度は上昇するので,これに伴つて伝 熱板の表面温度もいくらか増加していることがわか る. 伝熱板表面の温度分布はこのようであるが,これ を図7に示すように測定部の平均値をとつて代表させ た. すなわち伝熱板の蒸気側表面温度 t_{ps} ,冷却水側 表面温度 t_{pw} である. t_{ps} , t_{pw} と冷却水流量 G_w との 測定結果を図8に示す. 冷却水流量が増加すると蒸気 側および冷却水側ともに表面温度は下がるが,蒸気側 表面と冷却水側表面との温度差は次第に大きくなつて いる. 膜状凝縮の場合は滴状凝縮に比較して表面温度 は低いが同じような傾向がみられる.

図9には凝縮水量 G。と冷却水流量 Gu との関係を 示す.冷却水流量が増すとともに凝縮水量も大となる が,滴状凝縮に較べて膜状凝縮の場合の凝縮水量は少 ない.凝縮水量の測定では滴状凝縮および膜状凝縮の いずれの場合にも伝熱面測定部より外側へ凝縮水がわ ずかながら流出することがさけられなかつた.このた めに凝縮水量の絶対値は測定値よりいくぶん大きな値 であることが推察される.

熱負荷の算出法には次の三つの方法が考えられる.

i) 伝熱板内の温度勾配から求める方法

ii) 冷却水の温度上昇から求める方法,

$$q_w = \frac{G_w}{A} (t_{wo} - t_{wi}) C_w \quad \dots \dots \quad (2)$$

iii) 凝縮水量から求める方法,

$$q_c = \frac{G_c r}{A} \qquad \dots \dots \dots \dots \dots (3)$$

- A : 測定部伝熱板表面積, m²
- Cw : 冷却水の比熱, kcal/kg ℃
- Gc :凝縮水量, kg/h
- G_w : 冷却水流量, kg/h
- qc :凝縮水量から算出した熱負荷, kcal/m²h
- *qt* : 伝熱板内温度勾配から算出の熱負荷, kcal/m²h
- q_m : 冷却水温度上昇から算出した熱負荷, kcal/m²h
- ・ : 蒸発の潜熱, kcal/kg
- tps : 伝熱板の蒸気側表面温度, ℃
- tpw : 伝熱板の冷却水側表面温度, ℃
- twi :冷却水の測定部入口温度, ℃
- two :冷却水の測定部出口温度, ℃
- δ : 伝熱板の厚さ, m
- λ : 伝熱板の熱伝導率, kcal/mh ℃

である.

以上の 3方法の中の(2) 式の冷却水温度上昇 から 求める方法は、本実験の測定部長さが短いために冷却 水流量が多い場合は測定誤差が大きいので、ここでは 採用しなかつた.また前に述べたように実験結果の凝 縮水量の絶対値が正確でないので、凝縮水量から求め る方法は参考にする程度にし、ここでは(1)式から 算出した熱負荷を用いることにした.

図 10 は (1) 式から算出した熱負荷 q_i および (3) 式から算出した熱負荷 q_o を冷却水流量に関して示し ている.図において図 9 の説明で述べたように実際の 凝縮水量より測定した凝縮水量がいくらか小さいため に、凝縮水量からの熱負荷が伝熱板内の温度勾配から の熱負荷よりいくぶん低めにでていることが明確とな

ててに,





つている.

- 図11 は熱負荷 q と冷却水流量 G_w の関係であるが, 図 8 から明白なように冷却水流量の増加にともなつて 熱負荷は大となり, 膜状凝縮に比較して滴状凝縮の方 が同じ冷却水流量に おいて 熱負荷が 大きくなつてい る. 冷却水流量 G_w と蒸気側熱伝達率 α_s の関係を図 12 に示しているが, 滴状凝縮 および 膜状凝縮ともに 冷却水流量には関係なく蒸気側熱伝達率は一定値を示 している. このことは冷却水流量が大となるに伴う熱 負荷の増加する割合と伝熱板蒸気側表面温度の低下す る割合の比がほとんど等しいことを表わしている.な お滴状凝縮の蒸気側熱伝達率は膜状凝縮のそれと較べ てほぼ4倍も大きいことが認められる.

蒸気温度と伝熱板蒸気側表面温度の差を ΔT とし図 13 に ΔT と熱負荷 q の関係を,図14 に ΔT と蒸気 側熱伝達率 α_s の関係を示している.図 13 および図 14 に示すように ΔT を座標軸にとると、滴状凝縮の場 合と膜状凝縮の場合とは明確に区別できる.滴状凝縮



図 12 蒸気側熱伝達率と冷却水流量の関係









図15 蒸気側熱伝達率と熱負荷の関係

に較べて膜状凝縮は伝熱面にできる凝縮液の膜によつ て伝熱抵抗が大となるために同じqの値に対し温度差 が増加する.また熱負荷qと蒸気側熱伝達率 α_sの関 係を図 15 に示す.図から滴状凝縮および膜状凝縮い づれの場合も熱負荷qが変化しても蒸気側熱伝達率は ほぼ一定値をとることがわかる.ただし滴状凝縮にお いては熱負荷の増加につれて蒸気側熱伝達率はわづか に大きくなる傾向ともみられるが.本実験の範囲内で は明りようでないので一定線で示した.

4. 考 察

従来の研究には水平下向平面伝熱面での凝縮時の熱 伝達についての実験結果がほとんどないので、ここで は鉛直伝熱面での実験結果などと筆者らの実験結果と の比較考察を行なつてみる.



図 16 は冷却水流速 Uw と熱負荷 q の関係であるが, 圧力 0.9 ata における鉛直円管を用いての Gnam¹¹⁾の 実験結果と筆者らの 結果とは 同じ 傾向を 表わしてい る.冷却水流速 Uw と蒸気側熱伝達率 αs との関係は 図 17 に示している.Gnam の実験結果が筆者らの結 果の6倍近くも 大きくなつているが,これはGnam の場合蒸気温度と伝熱板蒸気側表面温度の差が 1.0~ 2.5°C であり,筆者らの場合に較べて温度差が非常に 小さいことから鉛直伝熱面と水平下向き伝熱面の蒸気 側熱伝達率の差異が表われていることが認められる.

蒸気温度と伝熱板蒸気側表面温度の差 4T と熱負荷 qの関係および 4T と蒸気側熱伝達率 α_s との関係につ いて、Westwater ら¹⁵⁾ の実験結果と筆者らの実験結 果との比較が図 18 および図 19 である. 膜状凝縮の場 合は Westwater らと同じ傾向を示しているが、滴状 凝縮の場合はいくぶん異つた傾向を表わしている. こ れは Westwater らの実験が鉛直伝熱面を用いて行な



四17 黑风间照似是平已值及左切岗保

われたもので、その差異が滴状凝縮のばあい顕著にあ らわれるものと考えられる. $d\mathbf{T} \ge \alpha_s$ の関係が図 19 であるが滴状における α_s の値は $d\mathbf{T}$ の増加とともに 筆者らの値と Westwater の値は開いて行くが、一方 Westwater の値は筆者 らと 膜状凝縮の値に近づくこ とが推定できる. このことは鉛直管の場合 $d\mathbf{T}$ の増加 とともに凝縮液の掃除作用が増大し、実質は膜状凝縮 に近くなることを示すものであろう.

図20は熱負荷 q と蒸気側熱伝達率 α_sの関係につい て従来の研究者の滴状凝縮の実験結果の比較を示した ものである.田中ら¹⁸⁾および筆者らの実験結果を除い たはかはすべて 鉛直伝熱面を 使用 した 実験結果であ る.図に示されているように実験値は各研究者によつ て大きな差があるが、凝縮時の熱伝達は蒸気の温度, 圧力,流速および不凝縮ガスの混在などの蒸気側の条



図20 蒸気側熱伝達率と熱負荷の関係

件, 伝熱面および促進剤の種類などの伝熱面表面状態 ならびに冷却水の温度, 流速などの冷却水側の条件に 関係するために, 条件の差によりこのように広範囲の 値がでているものと推察される.またFaticaら¹⁶⁾の実 験値で蒸気側熱伝達率の最も低い 6 の値は, 銅板に凝 縮促進剤としてオレイン酸を塗布してあるもので, こ の値は鉛直伝熱板を使用しているにもかかわらず筆者 らの実験値とほぼ一致していることがわる. これは伝 熱板高さがわづか 76 mm で掃除作用が目立たないた め水平板に近い値となつたものであろう. なお 図 20 に示してある各研究者の実験条件概要の一覧を表1 に 示してある.

以上の結果から水平下向き伝熱面での蒸気側熱伝達 率は鉛直伝熱面に較べて非常に小さい.いいかえると 鉛直伝熱面での蒸気側熱伝達率が良好な理由として は、凝縮液滴の落下時に伝熱面に附着している成長中 の凝縮液滴を集合して掃除する作用が大きな役割をは たしていることが認められる.ただし Westwater ら の実験結果からわかるように、凝縮液滴の掃除作用の 影響も凝縮水量が増加してくると伝熱面表面は水膜に おおわれた状態となるので,鉛直伝熱面の上部の一部 を除いては実質は膜状凝縮状態となるために蒸気側熱 伝達率は急激に低下すると認められる.

次に鉛直あるいは傾斜している伝熱面上における滴 状凝縮時の熱伝達率を表わす理論式として Faticaら¹⁶⁾ は次の仮定のもとに(4)式を誘導している.

i) 凝縮液滴の表面および内部の温度は一様で ある.

ii) 凝縮液滴で包覆されていない伝熱面の部分では

]	教 拒		· 表 句
研 究 者	 形 状	w 极 寸 法 (mm)	促進剤の種類	正 力 (ata)
Nagle B ¹⁰⁾	鉛直,クロムメッキ銅管	高さ 610	オレイン酸	1.35
Gnam ¹¹⁾	鉛直, 銅管	外径 32, 内径 25, 高さ 810	グリース	0.90
Fitzpatrick 6 ¹²⁾	"	外径 75, 高さ 1860	ベンジルメルカプタン	1.00
Shea 6 ¹³⁾	鉛直, 銅板	幅 120, 高さ 100 幅 120, 高さ 600	"	1.00
Hampson 6 ¹⁴⁾	"	高さ 130	"	1.00
Westwater & ¹⁵⁾	鉛直, 銅管 鉛直, 銅板	外径 19 幅 10, 高さ 27, 厚さ 43 幅 76, 高さ 180, 厚さ 110	オレイン酸をボイラ給 水中へ直接混入	~
Fatica 6 ¹⁶⁾	1. クロム板 2. ニッケル板 3. クロム板 4. 銅 板 5. ニッケル板 6. 銅 板	幅 25, 高さ 76	ステアリン酸 " オレイン酸 ステアリン酸 オレイン酸 "	1.00
岐美ら17)	鉛直, 六四黄銅板	幅 60, 高さ 210, 厚さ 10	オレイン酸	
田中ら18)	水平,黄銅管	外径 16,内径 13,長さ 480	オレイン酸	1.00

表 1 従来の研究者の実験条件一覧

熱抵抗を無視できる.

iii) 凝縮液滴が伝熱面を包覆する面積割合,すなわち付着面積比は時間的に一定である.

iv) 凝縮液滴の分布は一様である.

v) 凝縮液滴の形状は球冠をなし、すべて同じ大きさをしている.



ただし,

$$v = \frac{\pi D^3}{24} \left(\frac{2 - 3\cos\theta + \cos^3\theta}{\sin^3\theta} \right) = \frac{\pi D^3}{24} \cdot f(\theta) \quad (7)$$

$$\frac{V}{A^d} = \frac{v}{\left(\frac{\pi D^2}{4}\right)} = \frac{D}{6} \cdot f(\theta) \quad \dots \qquad (8)$$

ててに,

- Aa : 単位面積当りの凝縮液滴による包覆面積
- D :凝縮液滴の伝熱面付着部分の直経
- Dm :凝縮液滴の限界付着直径
- **U**₀ : 冷却率
- V : 単位面積当りの凝縮液滴体積
- Vm : 単位面積当りの凝縮液滴最大体積
- v :凝縮液滴の体積
- α_d:凝縮液滴を通しての熱伝達率
- αs : 蒸気側熱伝達率
- αw :冷却水側熱伝達率
- δ : 伝熱板の厚さ
- θ :凝縮液滴の接触角
- λa :凝縮液滴の熱伝導率
- λp : 伝熱板の熱伝導率

である.また $F(\theta)$ および $f(\theta)$ は凝縮液滴の接触角の 関数であり、この値は Fatica らによると図 21 の通り である.

ここで(4)式を水平下向き伝熱面上における 滴状 凝縮時の熱伝達率に応用してみる.図 22 に示すよう に水平下向き伝熱面上の凝縮液滴の重量と表面張力と の関係から,凝縮液滴の伝熱面離脱時の限界付着直径 を D_m とすると,







図22 水平下向き面上の凝縮滴

(7) 式から

ててに,

- **vm** :凝縮液滴の最大体積
- 7 :凝縮液滴の比重量

46

 ・凝縮液滴の表面張力

である.

(10) 式に(11) 式を代入すると,

$$D_m = \sqrt{\frac{24\sigma}{r} \cdot \frac{\sin\theta}{f(\theta)}}$$
(12)

ゆえに、(4) 式に(9) 式および(12) 式を代入する ことにより、

いま,水平下向面での凝縮液滴の接触角は筆者らの 観察結果によると銅板に促進剤としてオレイン酸を用 いた場合 95~105 度であつた. ここでは $\theta \ge 100$ 度と すると図 21 より, $F(\theta)$ は 7.5, $f(\theta)$ は 2.7 である. 凝縮液滴の温度を 100°C と仮定すると,(13) 式は次 式のようになる.





図23 (14) 式と実験値の比較

図23には蒸気側熱伝達率 α_s と冷却率 U_0 との実験 結果および (14) 式を示している.凝縮液滴の付着面 積比すなわち単位面積当りの凝縮液滴包覆面積 A_d は, Fatica らによると鉛直伝熱面では 0.45 と報告されて いるが、筆者らの水平下向き伝熱面で観察したところ では Fatica らの値よりやや小さいようである. 図に は (14) 式において付着面積比が 0.45, 0.35 および 0.30 の場合を実線で表わしてあるが、(14) 式と筆者 らの実験結果とは定性的にほぼ一致しているけれども 定量的には良き一致を示していない. これは理論式に いくつかの仮定が取入れられているためであり、理論 的解析をもう少し厳密に行なうには蒸気の凝縮機構の 微視的観察が必要である.この問題は今後の研究に待 つことにする.

5. 結 論

水平下向き伝熱面における蒸気の凝縮時の熱伝達率 を実験的に調べたところ,本実験範囲については滴状 凝縮および膜状凝縮ともに蒸気側熱伝達率は冷却水流 量,蒸気温度と伝熱板蒸気側表面温度の差および熱負 荷にほとんど関係なくほぼ一定値をとることがわかつ た.そして滴状凝縮の蒸気側熱伝達率は膜状凝縮の場 合に比較して約4倍も大きいことを示した.

また従来の鉛直伝熱面における滴状凝縮の熱伝達率 の値は、水平下向き伝熱面での滴状凝縮の熱伝達率に 較べると3~6倍の高い値であつた.このことは鉛直 あるいは傾斜している伝熱面での凝縮液滴の掃除作用 の効果が非常に大きいことを表わしていることが認め られた.理論的解析を完全にするにはさらに微視的研 究が必要である.

6. む す び

本研究に際し,実験に協力をえた仮屋崎侃,牧田九 十九,鰺坂等および上加世田司郎の諸君に感謝しま す.なお本報告の一部は日本機械学会九州支部佐世保 地方講演会(昭和40年5月28日)にて講演を行なつた ことを付記する.

参考文献

1) W. Nusselt : Z. VDI, 60, 27 (1916~7), 541.

- E. Schmidt & others : Tech. Mech. Thermodynamik, 1, 2(1930~2), 53.
- U. Grigull : Forsch. Geb. Ing.-Wesen., 13, 1 (1942), 49,
- L. A. Bromley : Indust. Engng. Chem., 44, 12(1952~12), 2966.
- W. M. Rohsenow: Trans. ASME, 78, 8 (1956~11), 1645.

- E. M. Sparrow & J. L. Gregg: Trans. ASME, Series C, 81, 1(1959~2), 13.
- 7) 馬淵:日本機械学会論文集. 26, 168 (1960~8), 1134.
- 8) 2) と同じ.
- T. B. Drew & others : Trans. Amer. Inst. Chem. Engr., 31, 4 (1935~12), 605.
- W. M. Nagle & others : Trans. Amer. Inst. Chem. Ergr., 31, 4 (1935~12), 593.
- 11) E. Gnam : Forsch. u. Forsch.-h., 382(1937), 17.
- J. P. Fitzpatrick & others : Trans. Amer. Inst. Chem. Engr., 35, 1 (1939~2), 97.

- 13) F. L. Shea & N. W. Krase : Trans. Amer. Inst. Chem. Engr., 36, 5 (1940), 463.
- H. Hampson : Proc. General Discussion on Heat Transfer, (1951), 58.
- J. W. Westwater & J. F. Welch: International Developments in Heat Transfer, Part II, (1961), 302.
- N. Fatica & D. L. Katz: Chem. Engng. Progr., 45 (1949), 661.
- 17) 菅原,岐美: Memoirs of the Faculty of Engng., kyoto Univ., 18, 2 (1956~4), 84.
- 18) 田中・玉利: 鹿児島大学工学部研究報告. 第2
 号 (1962~9), 63.